

Тема: **Использование свойств и графиков функций для решения уравнений и неравенств**

Цель работы: - применить умения по владению стандартными приемами решения уравнений и систем.

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЫ ПО МАТЕМАТИКЕ

Задание:

I Вариант

1. Решите неравенство графически

$$-x^2 + 6x - 5 \geq 0$$

2. Решите графически систему уравнений.

$$\begin{cases} x - 2y - 8 = 0 \\ x - y - 6 = 0 \end{cases}$$

3. Решить графически уравнение.

$$\left(\frac{1}{3}\right)^x = x - \frac{2}{3}$$

Порядок выполнения:

1. Внимательно прочитать тему и цель практической работы.
2. Изучить учебный материал по теме.
3. Выполнить задания.
5. Подготовить отчет.

Пояснения к работе (учебный материал):

Если графики функций пересекаются в одной точке, то уравнение имеет один корень, если в двух, то два решения.

Если графики не пересекаются, то уравнение не имеет корней.

Первый способ графического решения квадратного уравнения заключается в построении параболы $y = ax^2 + bx + c$ и нахождении корней уравнения $ax^2 + bx + c = 0$ как абсцисс точек пересечения параболы с осью Ox .

Если парабола пересекает ось Ox в двух точках, то соответствующее уравнение имеет два действительных корня;

если парабола касается оси Ox , то уравнение имеет два равных действительных корня;

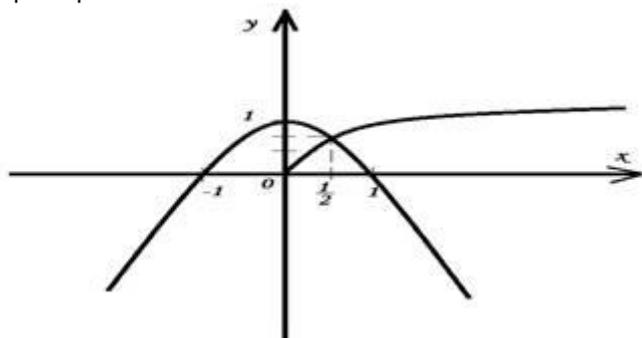
наконец, если парабола не пересекает ось Ox , то уравнение не имеет действительных корней.

Второй способ графического решения квадратного уравнения заключается в том, что уравнение в виде

$$\begin{cases} y = ax^2 \\ y = -bx - c \end{cases}$$

При выполнении практической работы рассмотрите следующие примеры:

Пример 1.



Выяснить с помощью графиков, сколько корней имеет уравнение $\sqrt{x} = 1 - x^2$ / Найти приближённое значение этих корней.

Решение: Построим на одном рисунке $y = \sqrt{x}$ и $y = 1 - x^2$, используя свойства этих функций.

Графики пересекаются в одной точке ($\approx 0,5$; $\approx 0,75$)

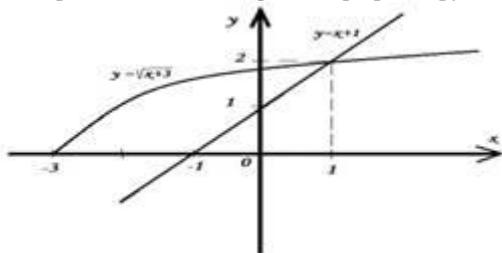
Ответ: $x \approx 0,5$.

Пример 2.

Решите неравенство $\sqrt{x+3} > x+1$

Решение. Неравенство удобно решить графически.

Построим на одном чертеже графики функций $y = \sqrt{x+3}$ и $y = x+1$, используя свойства функций.

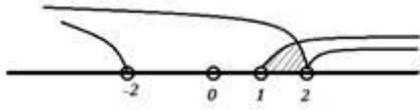


Ответ: $-3 \leq x < 1$

Пример 3.

Решить неравенство $\left(\frac{2}{5}\right)^{\sqrt{2-x}} > \left(\frac{2}{5}\right)^x$

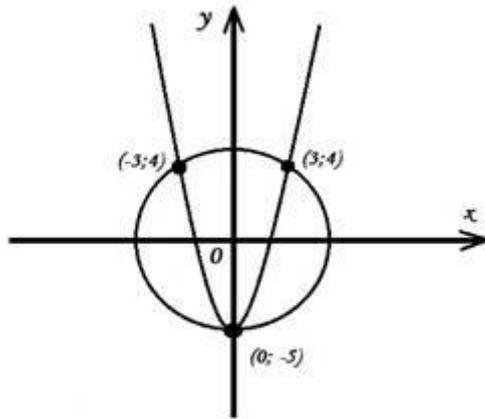
Решение. Неравенство показательное, т.к. $0 < \frac{2}{5} < 1$, то данное неравенство равносильно неравенству $\sqrt{2-x} < x$, область определения которого – промежуток $x \leq 2$. При $x \leq 0$ оно не имеет решений, т.к. $\sqrt{2-x} \geq 0$, итак, решения неравенства содержится в промежутке $0 < x \leq 2$. Возводя неравенство $\sqrt{2-x} < x$ с обеими положительными частями в квадрат, получаем $2 - x < x^2$, $x^2 + x - 2 > 0$ $\Rightarrow x < -2$ или $x > 1$.



Пример 4.

Решите графически
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ y = x^2 - 5 \end{cases}$$

Парабола и окружность пересекаются в точках: $(-3; 4)$; $(0; -5)$ и $(3; 4)$.



Ответ: $(-3; 4)$; $(0; -5)$; $(3; 4)$.

Пример 5.

Решить неравенство $-x^2 - 2x - 2 < 0$.

Рассмотрим функцию $y = -x^2 - 2x - 2$

Ветви параболы направлены вниз, т.к. $a = -1 < 0$. Имеем $D = b^2 - 4ac =$

$= (-2)^2 - 4(-1)(-2) = -4 < 0 \Rightarrow$ функция не имеет корней. Находим координаты вершины

параболы: $x = \frac{-b}{2a} = \frac{-2}{2 \cdot (-1)} = -1$,

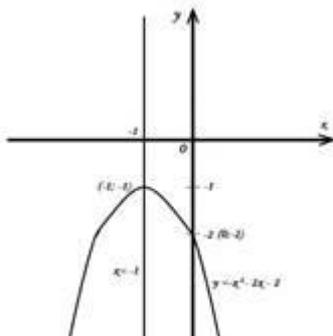
$y(-1) = -(-1)^2 - 2(-1) - 2 = -1$. Уравнение оси симметрии есть $x = -1$.

С осью Oy парабола пересекается в точке $(0; -2)$.

Для всех значений аргумента функции $y = -x^2 - 2x - 2$ принимает отрицательные значения

$\Rightarrow -\infty < x < \infty$. Если бы мы решали неравенство $-x^2 - 2x - 2 > 0$, то оно не имело бы решений,

т.к. $y = -x^2 - 2x - 2$ не может принимать положительные значения.



Домашнее задание: 1. Выполнить практическое задание и составить отчёт

Содержание отчета:

Название практической работы.

Учебная цель.

Решение заданий практической работы.

Выполненные задания отправить на электронную почту

Lelya.Stepanova.66@inbox.ru